

Они составили содержание статьи, отправленной в печать.

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Черчиньяни К. Теория и приложения уравнения Больцмана. – М.: Наука, 1978. – 496 с.
2. Коган М. Н. Динамика разреженного газа. – М.: Наука, 1967. – 440 с.
3. Гордецкий В. Д., Сазонова Е.С. Континуальный аналог бимодальных распределений. // Теорет. и мат. физ. – 2012. – т. 171, №3. – С. 483–492.
4. Гордецкий В. Д. Двухпотоковое распределение с винтовыми модами // Теорет. и мат. физ. – 2001. – т. 126, №2. – С. 283–300.

### ОПТИМАЛЬНЫЕ ПЕРЕЛЕТЫ КОСМИЧЕСКИХ АППАРАТОВ С ЯДЕРНЫМИ ДВИГАТЕЛЯМИ БОЛЬШОЙ ОГРАНИЧЕННОЙ ТЯГИ

\*Дехтярь А. Т., Харитонов О.М.

Международный математический центр НАНУ,  
Украина,  
Киевский национальный университет  
им. Т. Шевченка, Украина

Расчет маневров на активных участках для двигателей большой тяги традиционно проводят в соответствии с подходом импульсной аппроксимации. Полагают, что на активных участках скорость КА изменяется мгновенно при конечном расходе рабочего тела и неограниченном возрастании силы тяги. Следовательно, полагают, что траектории на активных участках вырождаются в точки, в которых происходит мгновенный переход КА с одной траектории пассивного движения на другую.

Для двигателей нового поколения (ядерные ракетные двигатели) в связи с малыми значениями их тяговооруженности подход ИА неприемлем.

В данной работе сформулирована и проанализирована общая проблема оптимизации параметров, управлений и траекторий КА с ЯРД в постановке ограниченной тяги и применении принципа максимума Понтрягина. При этом используется математическая модель ЯРД [1], учитывающая реальные особенности таких систем, а именно: ограниченность скорости истечения (температурные ограничения) и сравнительно малую тяговооруженность (ограничения по мощности), приводящую к некорректности использования классического подхода импульсной аппроксимации. Результаты предложенного подхода проиллюстрированы на примере оптимизации межпланетного перелета Земля-Марс, выполняемого по схеме перелета Гомана. Соответствующий результат обобщает решение [3] на случай эллиптических орбит.

Применение принципа максимума Понтрягина приводит к необходимости решения двухточечной задачи Коши со всеми известными сложностями, связанными с необходимостью построения начальных приближений для решения задачи методом пристрелки. В данной работе предложена

методика улучшения точности расчета начальных приближений сопряженных функций, выполняемого по правилу пересчета импульсных решений Ильина-Кузмука [2].

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Харитонов А.М. Оптимизация межпланетных траекторий космических аппаратов с двухрежимными ядерными ракетными двигателями. // Проблемы управления и информатики. – 2009. – №4. – С.126–141.
2. Ильин В.А., Кузмак Г.Е. Оптимальные перелеты космических аппаратов с двигателями большой тяги. – М.: Наука, 1976. – 744 с.
3. Azimov, D.M. and Bishop, H.R., Optimal Transfer between Circular and Hyperbolic Orbits using Analytical Maximum-Thrust Arcs. // Adv. Astronautic Sci. – 2002. – v. 112. – P. 671–689.

### ИНТЕГРИРОВАНИЕ ПОСЛЕДОВАТЕЛЬНОСТИ КВАЗИРАВНОМЕРНО СХОДЯЩИХСЯ ПОЧТИ ПЕРИОДИЧЕСКИХ ФУНКЦИЙ

Димитрова-Бурлаенко С. Д.

Национальный Технический Университет «ХПИ»  
Харьков, Украина

Рассмотрена последовательность почти периодических [2] функций  $\{f_n(t)\}_{n=1}^{\infty}$ , заданных на оси, со значениями в пространстве Фреше  $Y$ .

**Определение.** [3] Последовательность функций  $\{f_n(t)\}_{n=1}^{\infty}$  квазиравномерно сходится по всем подпоследовательностям к функции  $f(t)$ , если:

1. она сходится поточечно к функции  $f(t)$ ;
2. для любых  $\varepsilon > 0$  и индекса  $N$  найдется индекс  $M$ , так что

$$\min_{N \leq k \leq M} \rho(f_k(t), f(t)) < \varepsilon, \quad \forall t \in (-\infty; \infty),$$

и это условие справедливо для любой подпоследовательности данной последовательности.

Получен следующий результат:

**Теорема:** Если модули показателей Фурье всех почти периодических функций  $f_n(t)$ ,  $n = 1, 2, 3, \dots$  отделены от нуля одним и тем же числом, последовательность  $\{f_n(t)\}_{n=1}^{\infty}$  равномерно ограничена и квазиравномерно сходится к  $f(t)$  по всем подпоследовательностям, то последовательность интегралов  $\int_0^x f_n(t) dt$  квазиравномерно сходится к  $\int_0^x f(t) dt$  и все интегралы являются почти периодическими функциями.

Построен пример, в котором последовательность числовых почти периодических функций сходится равномерно, интегралы от этих функций